



EUROPA-FACHBUCHREIHE  
für Metallberufe

Ewald Bach  
Ulrich Maier

Dr. Bernd Mattheus  
Falko Wieneke

# **Kraft- und Arbeitsmaschinen**

16., völlig überarbeitete Auflage 2015  
mit Vertiefungs- und Wiederholungsaufgaben  
und Lösungshinweisen

VERLAG EUROPA-LEHRMITTEL · Nourney, Vollmer GmbH & Co. KG  
Düsselberger Straße 23 · 42781 Haan-Gruiten

**Europa-Nr.: 10412**

**Autoren:**

Ewald Bach	Oberstudienrat	Uhlingen/Fils
Ulrich Maier	Dr. rer.nat., Oberstudienrat	Heilbronn/Neckar
Bernd Mattheus	Dr.-Ing.	Essen
Falko Wieneke	Dipl.-Ing., Studiendirektor	Essen

**Lektorat:**

Falko Wieneke

**Lektorat bis zur 15. Auflage:**

Horst Herr	Dipl.-Ing.	Kelkheim/Taunus
------------	------------	-----------------

**Bildbearbeitung:**

Zeichenbüro des Verlages Europa-Lehrmittel GmbH & Co. KG, 73760 Ostfildern,  
Petra Gladis-Toribio

Diesem Buch wurden die neuesten Ausgaben der DIN-Normen und der sonstigen einschlägigen Regelwerke zugrunde gelegt. Es wird jedoch darauf hingewiesen, dass nur die Regelwerke selbst verbindlich sind. Autoren, Lektorat und Verlag übernehmen keinerlei Haftung.

16. Auflage 2015

Druck 5 4 3

Alle Drucke derselben Auflage sind parallel einsetzbar, da sie bis auf die Behebung von Druckfehlern untereinander unverändert sind.

ISBN 978-3-8085-1169-5

Alle Rechte vorbehalten. Das Werk ist urheberrechtlich geschützt. Jede Verwertung außerhalb der gesetzlich geregelten Fälle muss vom Verlag schriftlich genehmigt werden.

© 2015 by Verlag Europa-Lehrmittel, Nourney, Vollmer GmbH & Co. KG, 42781 Haan-Gruiten  
<http://www.europa-lehrmittel.de>

Satz: Satz+Layout Werkstatt Kluth GmbH, 50374 Ertstadt  
Umschlag: braunwerbeagentur, 42477 Radevormwald  
Umschlagfotos: © photosoup und Michael Rosskothén – fotolia.com  
Druck: RCOM Print GmbH, 97222 Rimpfing

## Vorwort

*Wer in der Zukunft lesen will,  
muss in der Vergangenheit blättern.*  
André Malraux

Bei dem in der **16. Auflage** vorliegendem Buch handelt es sich um eines der ältesten Verlagswerke des Verlages Europa-Lehrmittel. Bis zur 12. Auflage wurde das Buch „Kraft- und Arbeitsmaschinen von den Autoren Prof. Dr.-Ing. Walter Kittl und Prof. Dipl.-Ing. Wolfgang Schöner aktualisiert und verbessert. Die 13. Auflage wurde im Jahr 2003 von Horst Herr, Ewald Bach, Ulrich Maier und Falko Wieneke vollständig überarbeitet und mit neuen Inhalten gefüllt. Aus der nun vorliegenden 16. Auflage hat sich Horst Herr aus gesundheitlichen Gründen vollständig zurückgezogen. Seine Kapitel hat größtenteils Dr. Bernd Mattheus übernommen. Das Lektorat und die Leitung des Arbeitskreises übergab Horst Herr an Falko Wieneke. Das Autorenteam möchten sich an dieser Stelle für die gute und freundschaftliche Zusammenarbeit mit Horst Herr bedanken.

Das Buch Kraft- und Arbeitsmaschinen versteht sich nicht nur als ein Werk, das Fachwissen vermittelt. Es verdeutlicht einen „Spaziergang“ durch den Maschinenbau. Beim Aufführen der Kraft- und Arbeitsmaschinen werden an entsprechenden Stellen neben der Erläuterung der technischen Zusammenhänge auch die Namen und der zeitliche Lebensraum der Wissenschaftler und Techniker benannt. Das Motto von André Malraux wurde gewählt, weil das Buch sowohl die grundlegenden „alten“ Technologien der Kraft- und Arbeitsmaschinen, als auch neue zukunftsorientierte Entwicklungen aufnimmt.

Das Buch Kraft- und Arbeitsmaschinen wendet sich an **Auszubildende der Metalltechnik**, Studierende der **Fachschule für Technik**, Lernende in der Meisterausbildung sowie Schülerinnen und Schüler der **Berufsfachschule für Technik** und des **Technischen Gymnasiums**. Für Studierende der **Hochschulen** und **Universitäten**, die sich in einem Studium der Maschinenbautechnik befinden, ist dieses Buch eine wertvolle Hilfe. Aber auch **Gesellen, Meister, Techniker** und **Ingenieure** können dieses Buch zur Weiterbildung ihres Fachwissens einsetzen.

Die vorliegende **16. Auflage** wurde im Vergleich zur 15. Auflage umfassend überarbeitet und aktualisiert. Inhaltlich wurde eine Gliederung der Hauptkapitel mit den Buchstaben A (Naturwissenschaftliche Grundlage), B (Energie), C (Kraftmaschinen) und D (Arbeitsmaschinen) vorgenommen. Das Hauptkapitel A fasst die Grundlagen zusammen, die als unbedingte naturwissenschaftliche Voraussetzungen der Maschinenbautechnik notwendig sind. Im Hauptkapitel B wird die Grundlage behandelt, ohne die keine Kraft- oder Arbeitsmaschine funktionsfähig wäre, die Energie. Es werden insbesondere erneuerbare Energien aufgeführt, die – getreu dem obigen Motto – unsere Zukunft bestimmen. Neben der Solartechnik, der Technik mit Windenergieanlagen und der Wärmepumpentechnologie wird in diesem Buch auch die Technologie mit Brennstoffzellen verdeutlicht.

In den Hauptkapiteln C (Kraftmaschinen) und D (Arbeitsmaschinen) werden umfassend Maschinen und Anlagen vorgestellt und die jeweiligen Funktionsweisen erläutert. Es ist kaum zu erwarten, dass ein Buch dieser Größenordnung das gesamte Gebiet der Kraft- und Arbeitsmaschinen aufnimmt. Sie dürfen aber erwarten, dass die wichtigsten Teilbereiche Beachtung finden. Zu Beginn der Hauptkapitel wird eine Einführung in die Maschinenkunde gegeben. Mit der Gruppierung und der Begriffsbestimmung von Kraft- und Arbeitsmaschinen werden Sie mit dem Thema des Buches vertraut gemacht.

Das vorliegende Buch bietet dem Lernenden die Möglichkeit, anhand der Wiederholungs- und Vertiefungsaufgaben das eigene Verständnis und Wissen zu überprüfen. Die Lösungshinweise hinter den Hauptkapiteln des Buches befähigen den Lernenden zur Selbstkontrolle seiner Ergebnisse. Somit kann dieses Buch auch im **Selbststudium** seinen Einsatz finden.

Wir wünschen unseren Leserinnen und Lesern viel Freude bei der Erkundung der Kraft- und Arbeitsmaschinen. Hinweise zur Verbesserung und Weiterentwicklung des Buches nehmen wir gerne unter der Verlagsadresse oder per E-Mail ([lektorat@europa-lehrmittel.de](mailto:lektorat@europa-lehrmittel.de)) entgegen.

## Hinweise zum Arbeiten mit diesem Buch

Das Buch Kraft- und Arbeitsmaschinen kann sowohl unterrichtsbegleitend, als auch zum Selbststudium eingesetzt werden.

Die Lernenden finden bei jedem Kapitel Informationen zu den jeweiligen Lerngegenständen. Wichtige Informationen sind in den **blau unterlegten Merksätzen** zusammengefasst.

Am Ende eines oder mehrerer Kapitel werden **Wiederholungs- und Vertiefungsaufgaben** vorgegeben. Die Lernenden können somit die Inhalte aus den Kapiteln wiedergeben und weiterführen.

Im letzten Abschnitt des Buches befinden sich die **Lösungshinweise** zu den jeweiligen Wiederholungs- und Vertiefungsaufgaben. Lernende können somit die Ergebnisse ihrer Aufgaben eigenständig kontrollieren.

Das Buch ist in Hauptkapitel

- A (Naturwissenschaftliche Grundlagen)**
- B (Energie)**
- C (Kraftmaschinen)**
- D (Arbeitsmaschinen)**

unterteilt. Die Bezeichnungen von den Unterkapiteln bestehen aus einem Buchstaben und einer Zahl, die sich jeweils vor den Überschriften befinden, z. B.

### D1 Pumpen

Die Kennzeichnung ermöglicht die Verkettung der Sachverhalte durch Hinweis Pfeile, z. B.

(→ **C 3.1**) Weitere Informationen im Hauptkapitel C, Unterkapitel 3.1

Bitte nutzen Sie diese Möglichkeit, denn durch den Sprung zu den vorhergehenden Sachverhalten wiederholen Sie das Gelernte ständig und es ergibt sich ein sehr viel größerer Lerneffekt.

Das umfangreiche und übersichtliche **Inhaltsverzeichnis** des Buches bietet eine erste Orientierungshilfe an. Noch mehr hängt aber der Wert eines Fachbuches vom Sachwortverzeichnis ab. Dieses enthält etwa 1800 Begriffe.

Orientieren Sie sich in diesem Buch vor allem mithilfe des Sachwortverzeichnisses.

Zum besseren Verständnis werden die Lerninhalte mit **Bildern** unterstützt. In den zahlreichen Bildern werden größtenteils die Sachverhalte vereinfacht skizziert und auf das Wesentliche reduziert. Bei den meisten bildlichen Darstellungen wurde bewusst auf Fotos von Maschinen oder Anlagen verzichtet und dafür Skizzen von den jeweiligen Maschinen oder Anlagen im Ganzen oder in Teilbereichen mit entsprechenden Legenden angefertigt. Erfahrungsgemäß haben reine Fotos von Maschinen oder Anlagen nur eine geringe Aussagekraft.

Wir wünschen Ihnen viel Erfolg beim Arbeiten mit diesem Buch.

<b>A</b>	<b>Naturwissenschaftliche Grundlagen</b>	<b>15</b>
<b>A1</b>	<b>Mechanik der festen Körper</b>	<b>16</b>
1.1	Physikalische Größen und ihre Einheiten . . . . .	16
1.2	Gleichförmige geradlinige Bewegung . . . . .	16
1.3	Ungleichförmige geradlinige Bewegung . . . . .	16
1.4	Skalare und Vektoren . . . . .	17
1.5	Grundsatz der Unabhängigkeit . . . . .	17
1.6	Dynamisches Grundgesetz, Kräfteinheit, Gewichtskraft . . . . .	17
1.7	Das Kraftmoment . . . . .	17
1.8	Standfestigkeit und Kippsicherheit . . . . .	18
1.9	Bewegungsgröße (Impuls), Impulserhaltung, Impulsänderung . . . . .	19
1.10	Reibung . . . . .	19
1.11	Arbeit und Energie . . . . .	20
1.12	Mechanische Leistung . . . . .	21
1.13	Mechanischer Wirkungsgrad . . . . .	21
1.14	Drehleistung . . . . .	21
1.15	Gleichmäßig beschleunigte oder verzögerte Drehbewegung . . . . .	22
1.16	Kinetische Energie rotierender Körper . . . . .	22
<b>A2</b>	<b>Hydrostatische Grundgesetze</b>	<b>23</b>
2.1	Hydrostatischer Druck . . . . .	23
2.2	Druckkraft auf Flächen . . . . .	24
<b>A3</b>	<b>Strömungsgesetze</b>	<b>26</b>
3.1	Definition des inkompressiblen Fluids . . . . .	26
3.2	Die stationäre Strömung ohne Reibungsverluste . . . . .	26
3.3	Stromlinie und Stromröhre . . . . .	27
3.4	Die Kontinuitätsgleichung für inkompressible Medien . . . . .	27
3.5	Kontinuitätsgleichung des kompressiblen Massenstroms . . . . .	28
3.6	Die Energiegleichung nach Bernoulli . . . . .	30
<b>A4</b>	<b>Fluidreibung</b>	<b>33</b>
4.1	Innere Reibung . . . . .	33
4.2	Zähigkeit der Fluide . . . . .	34
4.3	Die Strömungsformen . . . . .	36
4.4	Der Strömungswiderstand . . . . .	38
4.5	Druckverluste in Rohrleitungen . . . . .	39
4.5.1	Berechnung des Druckverlustes in Rohrleitungen . . . . .	40
4.6	Druckverluste in Rohrleitungssystemen mit Einbauten . . . . .	42
<b>A5</b>	<b>Grundgesetze der Wärmelehre</b>	<b>45</b>
5.1	Temperatureinheiten und Temperaturskalen . . . . .	45
5.2	Wärmeausdehnung fester und flüssiger Stoffe . . . . .	46
5.3	Wärmeausdehnung von Gasen und Dämpfen . . . . .	47
5.4	Allgemeine Zustandsgleichung der Gase . . . . .	48
5.5	Molare (stoffmengenbezogene) Zustände und Größen . . . . .	48
5.6	Wärmekapazität fester und flüssiger Stoffe . . . . .	49
5.7	Brennwert und Heizwert . . . . .	50
5.8	Schmelzen und Erstarren . . . . .	50
5.9	Verdampfen und Kondensieren . . . . .	51
<b>A6</b>	<b>Der erste Hauptsatz der Thermodynamik</b>	<b>52</b>
6.1	Volumenänderungsarbeit . . . . .	53
6.2	Innere Energie und Enthalpie . . . . .	55
6.3	Die spezifische Wärmekapazität von Gasen . . . . .	56

<b>A7</b>	<b>Thermodynamische Zustandsänderungen</b>	<b>58</b>
7.1	Die Isobare . . . . .	58
7.2	Die Isochore . . . . .	60
7.3	Die Isotherme . . . . .	60
7.4	Die Isentrope bzw. Adiabate . . . . .	62
7.5	Die Polytrope . . . . .	62
<b>A8</b>	<b>Kreisprozesse im <math>p, V</math>-Diagramm</b>	<b>64</b>
8.1	Nutzarbeit . . . . .	65
8.2	Der zweite Hauptsatz der Thermodynamik . . . . .	65
8.3	Der thermische Wirkungsgrad . . . . .	66
8.4	Vergleichsprozesse der Wärmekraftmaschinen . . . . .	67
8.4.1	Der (klassische) Diesel-Prozess . . . . .	67
8.4.2	Der Otto-Prozess . . . . .	69
8.4.3	Der Seiliger-Prozess . . . . .	69
8.4.4	Der Joule-Prozess . . . . .	69
8.4.5	Der Ackeret-Keller-Prozess . . . . .	69
8.4.6	Der Stirling-Prozess . . . . .	70
8.4.7	Der Carnot-Prozess . . . . .	70
8.4.8	Der (klassische) Dampfkraftprozess . . . . .	70
<b>A9</b>	<b>Kreisprozesse im <math>T, s</math>-Diagramm</b>	<b>71</b>
<b>A10</b>	<b>Kreisprozesse im <math>h, s</math>-Diagramm</b>	<b>72</b>
<b>A11</b>	<b>Mollier-Diagramme</b>	<b>73</b>
<b>A12</b>	<b>Elektrizitätslehre</b>	<b>74</b>
12.1	Gesetzmäßigkeiten im elektrischen Stromkreis . . . . .	74
12.2	Gesetzmäßigkeiten bei Widerstandsschaltungen . . . . .	74
12.2.1	Parallelschaltung von Widerständen . . . . .	74
12.2.2	Reihenschaltung von Widerständen . . . . .	75
12.3	Klemmenspannung und Innenwiderstand von Spannungserzeugern . . . . .	76
12.4	Elektromagnetische Größen . . . . .	76
12.5	Der sinusförmige Wechselstrom . . . . .	77
12.6	Elektrische Motoren und Transformatoren . . . . .	77
12.7	Stern- und Dreieckschaltung . . . . .	79
<b>A13</b>	<b>Kernphysik</b>	<b>80</b>
13.1	Radioaktivität . . . . .	80
13.2	Dosimetrie . . . . .	81
13.3	Kernenergie . . . . .	82
<b>B</b>	<b>Energie</b>	<b>83</b>
<b>B1</b>	<b>Primärenergie und Sekundärenergie</b>	<b>83</b>
<b>B.2</b>	<b>Energieträger</b>	<b>83</b>
2.1	Die Steinkohleneinheit . . . . .	83
2.2	Erzeugung und Verbrauch von Primärenergie . . . . .	84
2.3	Energievorräte . . . . .	85
2.4	Nicht erneuerbare Energieträger . . . . .	85
2.5	Erneuerbare Energieträger . . . . .	86
2.5.1	Begründung des Einsatzes erneuerbarer Energien . . . . .	86
2.5.2	Nachwachsende Energiequellen . . . . .	87

2.5.3	Wärmepumpentechnologie	89
2.5.4	Solartechnik, Sonnenkollektoren, Fotovoltaik	91
2.5.4.1	Solarzelle	92
2.5.4.2	Solarmodule	94
2.5.4.3	Fotovoltaikanlagen	95
2.5.5	Windenergieanlagen (WEA)	98
2.5.6	Brennstoffzelle	103
2.5.6.1	Funktionsprinzip der Brennstoffzellen	103
2.5.6.2	Brennstoffzellentypen	104
2.5.6.3	Brennstoffzellensysteme	105
2.5.6.4	Brennstoffaufbereitung	105
2.5.6.5	Wirkungsgrad von Brennstoffzellen	106
2.5.6.6	Anwendungen von Brennstoffzellensystemen	106
2.5.7	Wasserkraft	108
2.6	Energieeinsparung	108
2.7	Umweltproblematik	109
2.7.1	Luftverunreiniger	110
2.7.2	CO <sub>2</sub> -Bilanz der nachwachsenden Biomasse	110

## **C Kraftmaschinen** **111**

### **C1 Arten der Kraftmaschinen** **111**

#### **C2 Dampferzeugungsanlagen** **111**

2.1	Physik der Dampferzeugung	112
2.2	Wärme durch Verbrennung	113
2.3	Feuerungsstätten	115
2.3.1	Planrostfeuerung	115
2.3.2	Treppenrostfeuerung	115
2.3.3	Wanderrostfeuerung	115
2.3.4	Kohlenstaubfeuerung	116
2.3.5	Schmelzfeuerung	116
2.3.6	Ölfeuerung	117
2.3.7	Gasfeuerung	117
2.4	Dampferzeuger	118
2.4.1	Möglichkeiten der Wärmeübertragung	118
2.4.2	Einteilung der Dampferzeuger	119
2.4.3	Wasserraumkessel	119
2.4.4	Wasserrohrkessel	120
2.5	Hilfsanlagen für die Dampferzeugung	123
2.5.1	Kesselspeisepumpe	123
2.5.2	Speisewasservorwärmer	123
2.5.3	Luftvorwärmer	123
2.5.4	Rußbläser	124
2.5.5	Überhitzer	124
2.5.6	Staubfilteranlagen	124
2.5.7	Wasseraufbereitung	125

#### **C3 Dampfkraftmaschinen** **126**

3.1	Kolbendampfmaschine	126
3.2	Dampfmotor	127
3.2.1	Dampfmotor mit Kolbenschiebersteuerung	128
3.2.2	Dampfmotor mit Ventilsteuerung	129
3.3	Dampfturbinen	131
3.3.1	Grundsätzlicher Aufbau von Dampfturbinen	131
3.3.2	Physik im Turbinenbetrieb	131

3.3.3	Turbinenbauarten nach DIN 4304	136
3.3.4	Häufig ausgeführte Arbeitsverfahren	138
3.3.5	Radialdampfturbine	142
3.3.6	Werkstoffe im Dampfturbinenbau	143
3.3.7	Sicherheits- und Regeleinrichtungen im Turbinenbau	143

## **C4 Dampfkraftanlagen 145**

4.1	Konventionelle Dampfkraftwerke	145
4.2	Nukleare Dampfkraftwerke	146
4.2.1	Kernenergie und kontrollierte Kernspaltung	147
4.2.2	Kernreaktoren	149
4.2.3	Reaktorsicherheit	151
4.2.4	Entsorgung	151
4.3	Gas- und Dampfturbinenanlagen	152
4.4	Kraft-Wärme-Kopplung (KWK)	153

## **C5 Wasserkraftmaschinen 155**

5.1	Wasserräder	155
5.2	Wasserturbinen	157
5.2.1	Geschwindigkeitsdreiecke	157
5.2.2	Euler'sche Turbinengleichung und Turbinenarten	158
5.2.3	Die Pelton-turbine (Freistrahlturbine)	159
5.2.4	Die Francisturbine (Spiralturbine)	160
5.2.5	Die Kaplan-turbine (Propellerturbine)	161
5.2.6	Pumpenturbinen	164

## **C6 Wasserkraftwerke 164**

6.1	Laufwasserkraftwerke	165
6.2	Speicherkraftwerke	165
6.3	Gezeitenkraftwerke	166
6.4	Kraftwerksverbund	167

## **C7 Verbrennungskraftmaschinen 168**

7.1	Übersicht und grundsätzliche Unterschiede	168
7.2	Gasturbinen und Strahltriebwerke	169
7.3	Verbrennungsmotoren	171
7.3.1	Hubkolbenmotoren nach DIN 1940, DIN ISO 3046	172
7.3.2	Viertakt-Ottomotor	173
7.3.3	Zweitakt-Ottomotor	178
7.3.4	Vergaseranlagen und Benzineinspritzanlagen des Ottomotors	180
7.3.5	Zündung beim Ottomotor	184
7.3.6	Viertakt-Dieselmotor	186
7.3.7	Gemischbildung beim Dieselmotor	187
7.3.8	Zweitakt-Dieselmotor	189
7.3.9	Kraftstoffeinspritzung bei Dieselmotoren	189
7.3.10	Motorkühlung	189
7.3.11	Kreiskolbenmotor	191
7.3.12	Aufladung	192
7.3.13	Kraftstoffe für Verbrennungsmotoren	194

## **C8 Elektrische Maschinen und Anlagen 197**

8.1	Grundlagen der Spannungserzeugung	198
8.1.1	Entstehung einer Wechselfspannung	198
8.1.2	Entstehung des Drehstromes	200
8.2	Elektromotoren	201
8.2.1	Gleichstrommotoren	203



8.2.1.1	Gleichstrommotoren in Sonderbauformen . . . . .	205
8.2.2	Drehstrommotoren . . . . .	207
8.2.2.1	Wechselstrommotoren besonderer Bauart. . . . .	213
8.3	Transformatoren . . . . .	214
8.4	Schutzmaßnahmen . . . . .	215

## **D**      **Arbeitsmaschinen**      **217**

### **D1**      **Pumpen**      **217**

1.1	Strömungsgesetze. . . . .	217
1.2	Pumpeneinsatzbereiche und Leistungsgrenzen . . . . .	218
1.3	Berechnung der Anlagen-Förderhöhe und der Pumpenleistung . . . . .	219
1.4	Pumpen- und Anlagenkennlinien. . . . .	220
1.5	Kreiselpumpen. . . . .	220
1.5.1	Arbeitsprinzip von Kreiselpumpen . . . . .	220
1.5.2	Die Saugwirkung . . . . .	222
1.5.3	Kavitation und Selbstansaugung. . . . .	222
1.5.4	Bauarten von Kreiselpumpen. . . . .	223
1.6	Verdrängerpumpen . . . . .	226
1.6.1	Kolbenpumpen . . . . .	226
1.6.2	Membranpumpen . . . . .	229
1.6.3	Umlaufverdrängerpumpen. . . . .	229
1.7	Vergleich zwischen Kolben- und Kreiselpumpen . . . . .	232
1.8	Weitere Pumpenarten . . . . .	233

### **D2**      **Verdichter**      **235**

2.1	Verdichterbezeichnungen . . . . .	235
2.2	Hubkolbenverdichter. . . . .	236
2.3	Thermodynamik der Verdichtung . . . . .	238
2.4	Drehkolbenverdichter . . . . .	241
2.5	Turboverdichter. . . . .	242
2.6	Nutzung von Verdichtern in der Industrie. . . . .	244

### **D3**      **Kälteanlagen und Wärmepumpen**      **245**

3.1	Verfahren der Kälteerzeugung . . . . .	245
3.1.1	Linkslaufende Kreisprozesse mit Dämpfen . . . . .	246
3.2	Kältemittel . . . . .	250
3.2.1	Erwünschte Eigenschaften von Kältemitteln . . . . .	250
3.2.2	Thermodynamische Daten von Kältemitteln . . . . .	251
3.2.3	Umweltdaten der Kältemittel . . . . .	252

### **D4**      **Fördermittel und Fördereinrichtungen**      **253**

4.1	Fördertechnik als Element der Logistik . . . . .	253
4.2	Einteilung der Fördermittel und der Fördergüter . . . . .	253
4.3	Unstetigförderer . . . . .	254
4.3.1	Schienengebundene Flurfördermittel . . . . .	255
4.3.2	Schienenfreie Flurfördermittel . . . . .	255
4.3.3	Hebezeuge . . . . .	257
4.3.4	Hängebahnen. . . . .	258
4.3.5	Krane . . . . .	258
4.4	Stetigförderer. . . . .	266
4.4.1	Stetigförderer für Schüttgut . . . . .	267
4.4.2	Stetigförderer für Schütt- und Stückgut . . . . .	270
4.4.3	Stetigförderer für Stückgut. . . . .	273
4.5	Beispiel einer Förderanlage mit Unstetigförderern . . . . .	275
4.6	Beispiel einer Förderanlage mit Stetigförderern . . . . .	275

4.7	Wichtige Bauelemente und Bauteilgruppen in der Fördertechnik . . . . .	277
4.7.1	Seile . . . . .	277
4.7.2	Seilbefestigungen und Seilverbindungen. . . . .	278
4.7.3	Ketten . . . . .	279
4.7.4	Rollen und Flaschenzüge . . . . .	281
4.7.5	Seiltrommeln und Treibscheiben. . . . .	281
4.7.6	Lastaufnahmemittel . . . . .	282
4.7.7	Laufträder . . . . .	283
4.7.8	Bremsen . . . . .	283
4.8	Unfallverhütung in der Fördertechnik . . . . .	284

## **D5 Werkzeugmaschinen 285**

5.1	Einteilung der Werkzeugmaschinen nach den Fertigungsverfahren . . . . .	286
5.2	Automatisierung von Werkzeugmaschinen . . . . .	287
5.2.1	Technische Merkmale automatisierter Werkzeugmaschinen . . . . .	287
5.2.2	Steuern und Regeln von CNC-Werkzeugmaschinen . . . . .	290
5.2.3	Automatisierung und Flexibilität . . . . .	293
5.3	Urformende Maschinen und Anlagen . . . . .	295
5.3.1	Fertigungsmaschinen zur Gießformherstellung . . . . .	295
5.3.2	Druckgießmaschinen . . . . .	296
5.3.3	Stranggießanlage . . . . .	297
5.3.4	Fertigungsanlagen zum Sintern. . . . .	298
5.4	Umformende Werkzeugmaschinen . . . . .	299
5.4.1	Pressen. . . . .	300
5.4.2	Walzmaschinen . . . . .	301
5.4.3	Biegemaschinen . . . . .	301
5.4.4	Ziehmaschinen . . . . .	301
5.5	Trennende Werkzeugmaschinen . . . . .	302
5.5.1	Bohrmaschinen . . . . .	302
5.5.2	Drehmaschinen . . . . .	303
5.5.3	Fräsmaschinen. . . . .	305
5.5.4	Schleifmaschinen . . . . .	307
5.5.5	Zerteilende Maschinen . . . . .	308
5.5.6	Abtragende Maschinen. . . . .	308
5.5.7	Einzweckmaschinen . . . . .	309
5.6	Fügende Werkzeugmaschinen und Anlagen . . . . .	309
5.6.1	Anlagen zum Schmelzschweißen . . . . .	310
5.6.2	Werkzeugmaschinen zum Pressschweißen . . . . .	310
5.7	Werkzeug- und Werkstücksysteme an trennenden Werkzeugmaschinen . . . . .	311
	Lösungshinweise. . . . .	313
	Sachwortverzeichnis . . . . .	337

# Einführung in die Maschinenkunde

Unter **Maschinen** versteht man mechanische Vorrichtungen aus festen und beweglichen Teilen, den **Maschinenelementen**. Die beweglichen Teile werden durch eingeleitete Kräfte in vom Konstrukteur vorgegebenen Bahnen und in mehr oder weniger regelmäßiger Wiederkehr bewegt. Diese Kräfte resultieren aus zugeführten **Energien**. Der physikalische Begriff Energie ( $\rightarrow$  **B**) zieht sich somit wie ein Leitfaden durch die gesamte **Maschinenkunde**. Schon jetzt soll festgehalten werden:

Energie ist **gespeicherte Arbeitsfähigkeit**. Sie ist umwandelbar.

Energie ist grundsätzlich an einen **Energieträger**, etwa Wasser, Wind, Dampf, Gas, Strahlung oder elektrischen Strom gebunden. Hierüber sowie über die verschiedenen **Energiearten** ( $\rightarrow$  **A1.11**, **A1.16**, **A3.6**, **A6.2**, **A12.1**) wird noch ausführlich informiert.

Dieses Buch hat vor allem die Aufgabe, sich mit dem heutigen **Stand der Maschinentechnik** auseinander zu setzen. Darüber hinaus sollen aber auch bereits heute zu erkennende **Entwicklungsrichtungen** aufgezeigt werden. Wenn auch diese Intention eindeutig im Vordergrund steht, soll aber auch eine **historische Komponente** erkennbar werden. Wir wissen zwar nicht wann, wo und von wem die erste Maschine gebaut wurde, doch viele Persönlichkeiten aus Technik und Naturwissenschaften, ihr zeitlicher Lebensraum und die von ihnen vorangetriebenen Entwicklungen sind bekannt und sollen in diesem Buch genannt werden.

## Gruppierung in Kraft- und Arbeitsmaschinen

Bereits aus der Vorzeit und der Antike sind zahlreiche Werkzeuge und Geräte, die den Menschen helfen, ihre meist mühsame Arbeit zu erleichtern bzw. überhaupt verrichten zu können, bekannt. Wegen der begrenzten körperlichen Kraft waren die Menschen in jedem Zeitalter bestrebt, solche **Hilfsmittel zur Arbeitserleichterung** zu bauen und einzusetzen. Schon sehr früh erkannte man, dass man dies am wirkungsvollsten im Einklang mit der Natur tun konnte, d.h. unter Beachtung der **Naturgesetze** ( $\rightarrow$  **A**), soweit diese bereits entdeckt und formuliert waren. Verfolgt man einmal die Entwicklung der Naturwissenschaften, dann ist zu erkennen, dass sich ein effektiver **Maschinenbau** erst etwa ab dem Jahr 1700 entwickeln konnte. Dies gilt natürlich auch für die meisten anderen Technikbereiche.

Die im obigen Sinn, d.h. zur Arbeitsverrichtung gebauten Maschinen bezeichnet man wegen dieser Zweckgebundenheit als **Arbeitsmaschinen** ( $\rightarrow$  **D**). Viele solcher Maschinen werden bei kleiner Arbeitsleistung und wenn der Einsatz zeitlich begrenzt ist, mit **Muskelkraft** angetrieben. Größere Arbeitsleistungen und ein zeitlich unbegrenzter Einsatz erfordern aber Maschinen, die die Arbeitsmaschinen antreiben. Solche Maschinen werden als Kraftmaschinen ( $\rightarrow$  **C**) bezeichnet. Eine Arbeitsmaschine setzt somit für ihren Betrieb in der Regel eine Kraftmaschine voraus. In der Reihenfolge der Nennung beider Maschinengruppen ist also die Bezeichnung **Kraft- und Arbeitsmaschinen** ganz logisch und in dieser Reihenfolge soll nun auf beide Begriffe und deren Zusammengehörigkeit näher eingegangen werden.



Bild 1: Beispiele für Kraft- und Arbeitsmaschinen

## Begriff Kraftmaschine

Der Begriff Energieart wurde bereits erwähnt. Eine für den Betrieb von Arbeitsmaschinen unabdingbare Energieart ist die **mechanische Energie**. Im Kapitel A dieses Buches werden Sie lernen, dass dies Energie der Lage (**potenzielle Energie**) oder Bewegungsenergie (**kinetische Energie**) sein kann (→ **A1.11, A1.16**).

Eine Kraftmaschine ist eine Maschine, die andere als mechanische Energie (z.B. Wärmeenergie, Windenergie oder elektrische Energie) in mechanische Energie umwandelt.

Diese mechanische Energie wird zur Verwertung (Energieumwandlung) an Arbeitsmaschinen abgegeben.

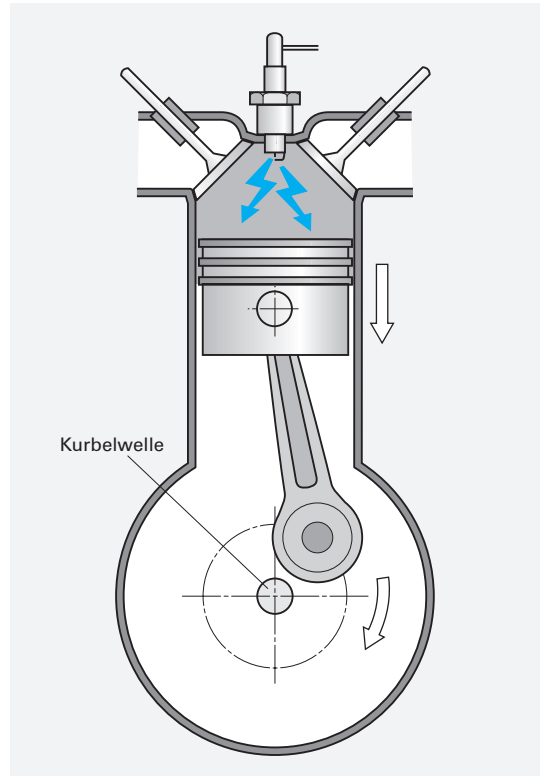
### Beispiele für Kraftmaschinen

Dampfmaschine, Dampfturbine, Verbrennungsmotor, Gasturbine, Wasserturbine, Windrad, Elektromotor u.a.

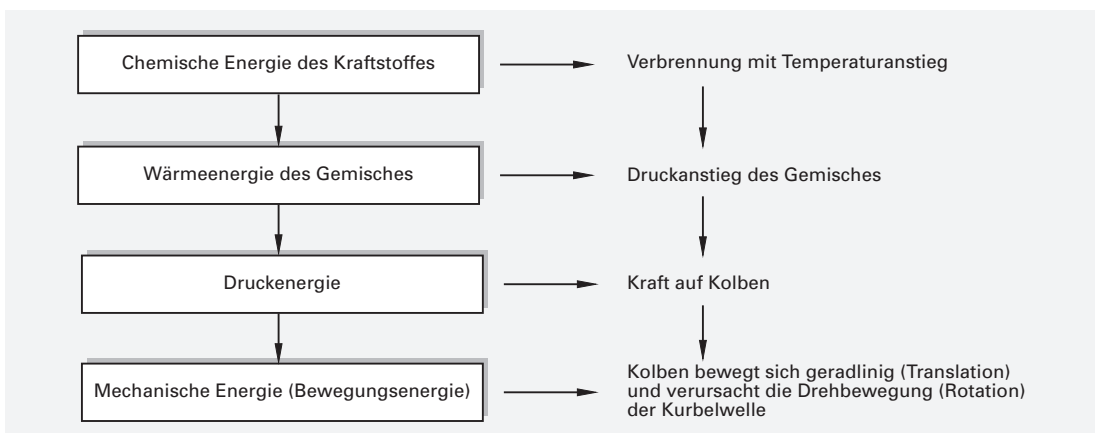
Eine Voraussetzung dafür, dass mechanische Energie von einer Kraftmaschine an eine Arbeitsmaschine abgegeben werden kann, ist die **konstruktive Verbindung** von Kraftmaschine und Arbeitsmaschine. **Bild 1** zeigt am Beispiel einer Verbrennungskraftmaschine die Stelle des Energieübergangs, die **Kurbelwelle**. Mithilfe einer **Kupplung** erfolgt dort die Verbindung mit der anzutreibenden Arbeitsmaschine.

Im Kapitel C dieses Buches wird ausführlich auf **Energieumwandlungen** in Kraftmaschinen eingegangen. **Bild 1** bietet aber schon jetzt Gelegenheit, eine solche Energieumwandlung an dem dort gewählten Beispiel zu zeigen. Während des sogenannten **Arbeitstaktes** wird die **chemische Energie** des Kraftstoffes in **Bewegungsenergie** umgewandelt.

Die bei diesem Vorgang in der Verbrennungskraftmaschine durchlaufenen **energetischen Stufen** werden in **Bild 2** dargestellt:



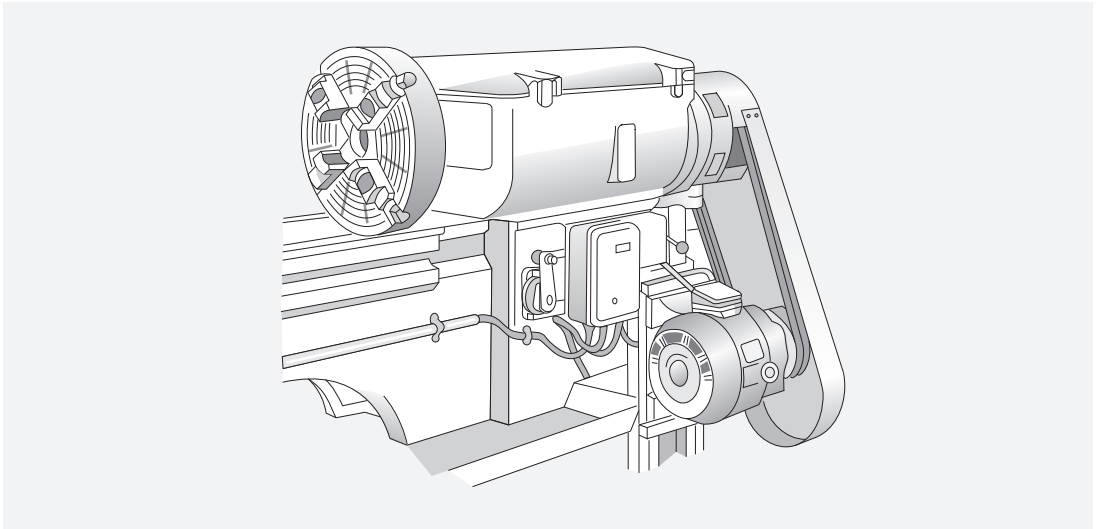
**Bild 1: Arbeitstakt eines Viertakt-Ottomotors**



**Bild 2: Energieumwandlung in einer Verbrennungskraftmaschine**

## Begriff Arbeitsmaschine

Aus dem bisher Gesagten kann bereits abgeleitet werden, was man unter einer Arbeitsmaschine zu verstehen hat. Sie ist immer ein Hilfsmittel zur Arbeiterleichterung und sie wird in der Regel von einer Kraftmaschine angetrieben. Man kann also definieren:



**Bild 1: Koppelung von Kraftmaschine und Arbeitsmaschine**

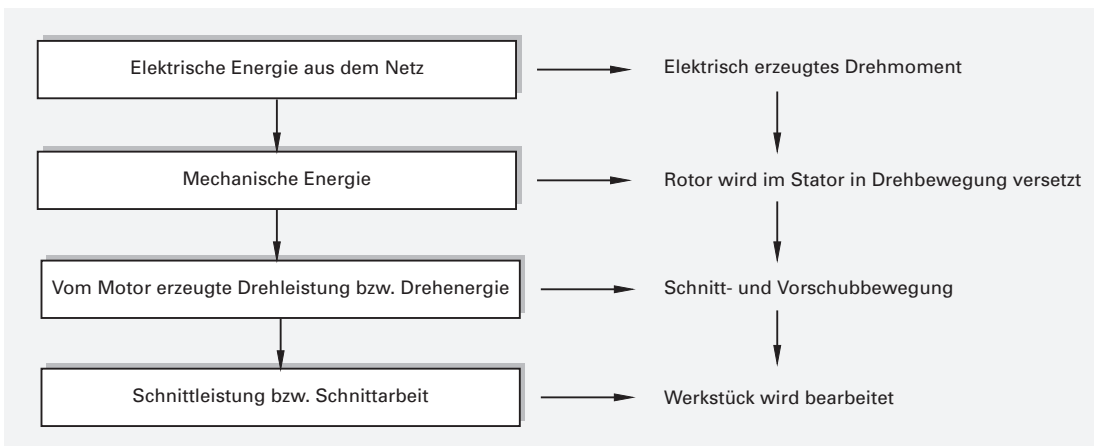
Unter einer Arbeitsmaschine versteht man eine Maschine, die zu technischen Zwecken (z. B. Gewinnung von Stoffen, Be- und Verarbeitung, Veredelung, Verpackung, Transport, Lagerung von Produkten) Arbeit verrichtet.

## Beispiele für Arbeitsmaschinen

Verdichter, Pumpen, Ventilatoren, Kältemaschinen, Hebe- und Fördermittel, Werkzeugmaschinen, Fahrzeuge u.a.

**Bild 1** zeigt an einem Beispiel die bereits angesprochene **konstruktive Verbindung** von Kraftmaschine (hier Elektromotor) und Arbeitsmaschine (hier Drehmaschine).

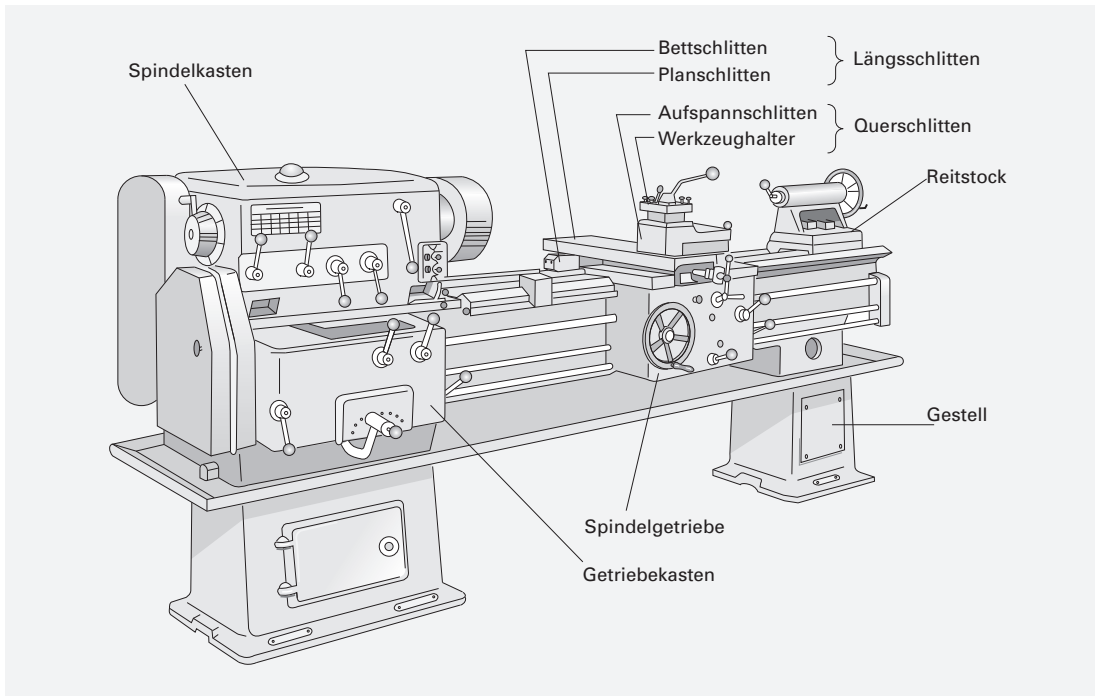
Die in diesem Beispiel zu erkennenden **energetischen Stufen** sind in **Bild 2** dargestellt:



**Bild 2: Energetische Stufen bei der Koppelung von Elektromotor und Drehmaschine**

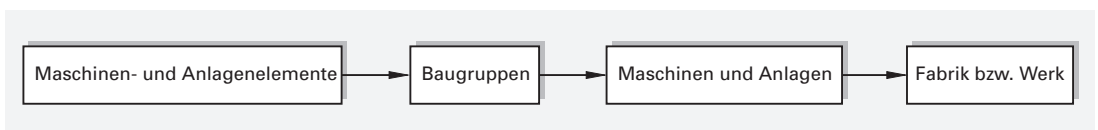
## Maschinen, Aggregate und technische Anlagen

Maschinen sind in der Regel aus mehreren **Baugruppen** zusammengesetzt. Dies ist in **Bild 1** am Beispiel einer Drehmaschine (→ **D5.2.2**) in mehreren Details ersichtlich. **Bild 1** zeigt eine derartige Drehmaschine in der Gesamtansicht. Deutlich ist z.B. der Spindelkasten mit der hohlen Hauptspindel als Baugruppe zu erkennen. Auch der Bettschlitten stellt eine solche Baugruppe dar. Bei **Werkzeugmaschinen** (→ **D5**) dient ein kastenförmiges, gegen Durchbiegung, Verdrehung und Schwingungen widerstandsfähiges **Gestell** – das sogenannte **Bett** – zur Aufnahme der Baugruppen und aller beweglichen Teile. Eine solche zusammenfügende Funktion hat z.B. auch ein **Motorblock** bei einer **Verbrennungskraftmaschine**. Auch ein **Aggregat** fügt mehrere zusammenwirkende Einzelteile, Einzelmaschinen oder Einzelapparate – meist auf einer gemeinsamen Grundplatte – zusammen. In diesem Fall spricht man auch von einem **Maschinensatz**. So besteht z.B. ein Pumpenaggregat aus dem Antriebsmotor (dies ist die **Kraftmaschine**), der Wasserpumpe (dies ist die **Arbeitsmaschine**), dem Windkessel und der Regeleinrichtung.



**Bild 1: Drehmaschine, aus mehreren Baugruppen zusammengesetzt**

Beim Bau von **Anlagen** werden viele Baugruppen und Aggregate durch Leitungen und sonstige Konstruktionsteile miteinander zu großen Einheiten verbunden, z.B. zu einer **Kälteanlage** oder zu einer **Produktionsanlage**, etwa in der Verfahrenstechnik. Verkettet man mehrere dieser Anlagen, so wird das Ergebnis daraus oft als **Fabrik** (z.B. eine Zuckerfabrik) oder als **Werk** (z.B. ein Kraftwerk) bezeichnet. **Bild 2** fasst nochmals zusammen:



**Bild 2: Das Fügen vom Teil zum Ganzen – vom Element zur Produktionsstätte**

# A Naturwissenschaftliche Grundlagen

Aus den bisherigen Betrachtungen ist herauslesbar, dass die Inhalte dieses Buches auf naturwissenschaftlicher Grundlage vermittelt werden sollen. Der folgende Text, d. h. die Vorbemerkung zum Kapitel A, soll die weitere Vorgehensweise kurz erläutern:

## Vorbemerkung

Über die Bedeutung der Naturgesetze für die Entwicklung der Technik wurden Sie bereits informiert. Die aktuelle Technik bedarf immer einer wissenschaftlichen Grundlage. Neben den **Naturwissenschaften** spielen auch die **Wirtschaftswissenschaften** eine immer größere Rolle. Auf Letztere wird jedoch in diesem Buch nur am Rande eingegangen. In die einzelnen **Ingenieurwissenschaften**, z. B. dem **Maschinenbau**, fließen viele Wissenschaftsbereiche ein bzw. kommen dort in kombinierter Form zur Anwendung. Oftmals ist es sogar so, dass technische Problemlösungen nur durch die Zusammenarbeit von Ingenieuren und Wissenschaftlern aus anderen Fachbereichen, z. B. Physikern, Chemikern oder Biologen, erarbeitet werden können.

Um in den einzelnen Kapiteln des vorliegenden Buches über Kraft- und Arbeitsmaschinen nicht in „Erklärungsnot“ zu kommen, werden im **Kapitel A** die grundlegenden **naturwissenschaftlichen Gesetze in tabellarischer Form** zusammengefasst. Vor allem sind dies – dem Buchtitel entsprechend – **Gesetze der Physik**. Darüber hinaus werden grundlegende naturwissenschaftliche Gesetze und Regeln, die das Fachgebiet Kraft- und Arbeitsmaschinen unmittelbar betreffen, ausführlich erklärt und in sachlogischer Reihenfolge als **Merksätze** in die oben genannte tabellarische Zusammenfassung eingearbeitet. Diese **tabellarische Zusammenfassung und die darin eingeschobenen Merksätze** werden für erforderlich gehalten, da erfahrungsgemäß im Moment der Anwendung oftmals das früher einmal gelernte naturwissenschaftliche Gesetz bzw. die technische Regel nicht parat ist.

Den Kernthemen der Kraft- und Arbeitsmaschinen werden in kurzer tabellarischer Form die erforderlichen naturwissenschaftlichen Gesetze – insbesondere der Physik – vorangestellt. Grundlegende Themen, die das Fachgebiet Kraft- und Arbeitsmaschinen direkt betreffen, werden als Merksätze an der „richtigen Stelle“ in diese tabellarische Zusammenfassung eingearbeitet. Damit ist es in den weiteren Kapiteln, die dann spezielle Themen der Kraft- und Arbeitsmaschinen betreffen, möglich, bei Bedarf einen **Hinweis auf die entsprechende Dezimalklassifikation** zu geben. Dies geschieht durch **Pfeilverweise** (→ ...).

In der Regel beinhaltet die tabellarische Zusammenfassung die **Formel** und eine entsprechende **Legende**. Diese Legende enthält die **Formelzeichen**, die Namen der **physikalischen Größen** und deren **Einheiten**.

Sollten Sie ausführlichere oder durch weitere Erklärungen und Übungen geprägte Informationen über Grundlagen benötigen, dann beachten Sie bitte die im Anhang befindlichen **Literaturhinweise**.

Die einzelnen Teilgebiete der **Technischen Physik** stellen die Basis für das Verständnis des Maschinen- und Anlagenbaues dar.

# A1 Mechanik der festen Körper

## 1.1 Physikalische Größen und ihre Einheiten

### SI-Einheitensystem

Grundlage sind die **Basisgrößen** mit den zugehörigen **Basiseinheiten** (nebenstehende Tabelle).

Alle **abgeleiteten Größen** lassen sich auf die sieben Basisgrößen zurückführen.

**Beispiel:**  $\text{Geschwindigkeit} = \frac{\text{Weg}}{\text{Zeit}}$

$$v = \frac{s}{t} \longrightarrow [v] = \frac{[s]}{[t]} = \frac{m}{s} \quad \text{z. B. } 5 \frac{m}{s}$$

Die **Definition der Basiseinheiten** erfolgt durch die **Einheitennormale**.

Basisgröße	Basiseinheit	Kurzzeichen
Länge	Meter	m
Masse	Kilogramm	kg
Zeit	Sekunde	s
Elektrische Stromstärke	Ampere	A
Thermodynamische Temperatur	Kelvin	K
Lichtstärke	Candela	cd
Stoffmenge	Mol	mol

## 1.2 Gleichförmige geradlinige Bewegung

Bei einer **gleichförmigen geradlinigen Bewegung** bewegt sich ein Körper mit **konstanter Geschwindigkeit**  $v$  auf geradliniger Bahn.

$$v = \frac{\Delta s}{\Delta t} \quad \text{Geschwindigkeit in } \frac{m}{s}, \frac{km}{h}, \dots$$

$$v = \frac{s}{t} \quad s = v \cdot t \quad t = \frac{s}{v} \quad 1 \frac{m}{s} = 3,6 \frac{km}{h}$$

Im **v,t-Diagramm** ( $\rightarrow$  Bild 2) stellt sich der Weg  $s$  als Rechteckfläche dar.

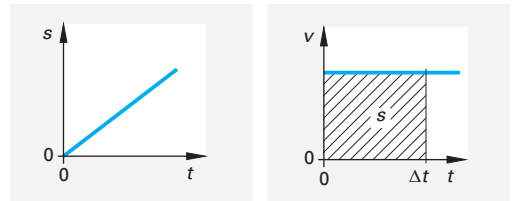


Bild 1: s,t-Diagramm

Bild 2: v,t-Diagramm

$v$  Geschwindigkeit  $m/s$   
 $\Delta s = s$  zurückgelegter Weg (Strecke)  $m$   
 $\Delta t = t$  Zeitspanne  $s$

## 1.3 Ungleichförmige geradlinige Bewegung

### Merkmale einer ungleichförmigen Bewegung

Bei einer **ungleichförmigen Bewegung** ändert sich die Geschwindigkeit, der Körper wird beschleunigt oder verzögert.

$a$  Beschleunigung (Verzögerung)  $m/s^2$   
 $\Delta v$  Geschwindigkeitsänderung  $m/s$   
 $\Delta t$  Zeitspanne  $s$

$a = \frac{\Delta v}{\Delta t}$  Beschleunigung

$a > 0$ : Beschleunigung  $\longrightarrow$  Geschwindigkeitszunahme  
 $a < 0$ : Verzögerung  $\longrightarrow$  Geschwindigkeitsabnahme

$a = \text{konstant}$   $\longrightarrow$  gleichmäßig beschleunigte bzw. gleichmäßig verzögerte Bewegung

$a = \text{variabel}$   $\longrightarrow$  ungleichmäßig beschleunigte bzw. ungleichmäßig verzögerte Bewegung

### Freier Fall und senkrechter Wurf nach oben

**Freier Fall**  $\longrightarrow$  gleichmäßige Beschleunigung  
**Senkrechter Wurf nach oben**  $\longrightarrow$  gleichmäßige Verzögerung

$s \triangleq h =$  Fallhöhe bzw. Steighöhe  
 $a \triangleq g =$  Fallbeschleunigung  
 $g_n =$  Normfallbeschleunigung = 9,80665  $m/s^2$

Die **Fallgesetze** gelten streng genommen nur im **Vakuum**.

$g_{\max} \approx 9,83 \text{ m/s}^2$  an den Erdpolen  
 $g_{\min} \approx 9,78 \text{ m/s}^2$  am Äquator

Durchschnittswert:  $g \approx 9,81 \frac{m}{s^2}$



## 1.4 Skalare und Vektoren

**Skalar** → ungerichtete physikalische Größe, z. B. Temperatur, Volumen, Zeit, Energie ...

**Vektor** → gerichtete physikalische Größe, z. B. Kraft, elektrischer Strom, Geschwindigkeit ...

Vektoren werden addiert, indem man sie unter Beachtung ihrer **Größe** und **Richtung** aneinander reiht. **Summenvektor** bzw. **Resultierende**: Strecke zwischen dem Anfangspunkt des ersten Vektors und dem Endpunkt des letzten Vektors.

**Bei zwei Vektoren**: Parallelogrammkonstruktion (→ Bild 1), z. B. **Kräfteparallelogramm** oder mit einer Dreieckskonstruktion (→ Bild 2), z. B. **Geschwindigkeitsdreieck** oder **Kräftedreieck**.

**Bei mehr als zwei Vektoren**: Vektorviereck bzw. **Vektorpolygon** (→ Bild 3), z. B. **Kräftepolygon** bzw. **Krafteck**.

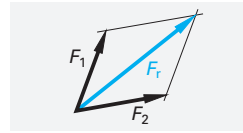


Bild 1: Kräfteparallelogramm

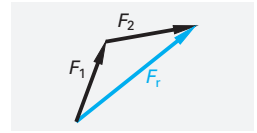


Bild 2: Kräftedreieck

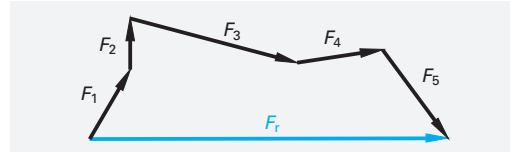


Bild 3: Kräftepolygon

## 1.5 Grundsatz der Unabhängigkeit

Unabhängig davon, ob ein Körper mehrere **Einzelbewegungen** gleichzeitig oder zeitlich nacheinander ausführt, gelangt er immer an den gleichen Ort.

Die kürzeste Zeit zur Realisierung der **Ortsveränderung** eines Körpers ergibt sich, wenn alle Einzelbewegungen gleichzeitig ablaufen.

**Erzwungene Bewegungsbahnen** → z. B.: Schwenken einer Tür, Rollen der Eisenbahn auf Schienen, Mutter auf Schraube, Führungen ...

**Freie Bewegungsbahnen** → z. B.: Freier Fall, senkrechter Wurf, schiefer Wurf, waagerechter Wurf ...

## 1.6 Dynamisches Grundgesetz, Krafteinheit, Gewichtskraft

$F = m \cdot a$  **1** **Massenträgheitskraft**

$F_G = m \cdot g$  **2** **Gewichtskraft**

$F$	Kraft	N
$m$	Masse	kg
$a$	Beschleunigung	$\text{m/s}^2$
$g$	Fallbeschleunigung	$\text{m/s}^2$

### Die Krafteinheit

$$[F] = [m] \cdot [a] = \text{kg} \cdot \frac{\text{m}}{\text{s}^2} = \frac{\text{kgm}}{\text{s}^2}$$

$$1 \frac{\text{kgm}}{\text{s}^2} = 1 \text{ Newton} = 1 \text{ N} \quad \text{3}$$

Ein **Newton** ist gleich der Kraft, die einem Körper mit der Masse  $m = 1 \text{ kg}$  die Beschleunigung  $a = 1 \text{ m/s}^2$  erteilt.

1 daN = 1 Dekanewton	= 10 N	} je nach Größenordnung der Kraft
1 kN = 1 Kilonewton	= $10^3 \text{ N}$	
1 MN = 1 Meganewton	= $10^6 \text{ N}$	

## 1.7 Das Kraftmoment

### Das Kraftmoment als physikalische Größe

**DIN 1304**: Das **Kraftmoment**  $M$  ist gleich dem Produkt aus der Kraft  $F$  und dem senkrechten Abstand ihrer Wirkungslinie  $r$  zu einem bestimmten Punkt, dem Drehpunkt (→ Bild 4).

$M_d = F_r \cdot r$  **4** **Kraftmoment** bzw. **Drehmoment**

Geht die Wirkungslinie WL von  $F_r$  nicht durch den Drehpunkt D eines Drehkörpers, dann erzeugt  $F_r$  ein Kraftmoment.

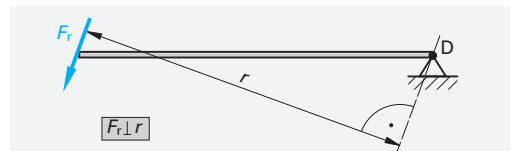



Bild 4: Kraftmoment


$M_d$	Kraftmoment (Drehmoment)	Nm
$F_r$	Resultierende (oder Einzelkraft)	N
$r$	Hebelarm senkrecht zur Kraft	m

**Einheit des Drehmomentes: Newtonmeter (Nm)**

**Drehinn und Vorzeichen von  $M_d$  (→ Bilder 1 und 2)**

positives Drehmoment  **Linksdrehsinn** (entgegen dem Uhrzeigersinn)

**Bild 1**

negatives Drehmoment  **Rechtsdrehsinn** (im Uhrzeigersinn)

**Bild 2**

**Resultierendes Drehmoment und Wirkung von Schrägkräften**

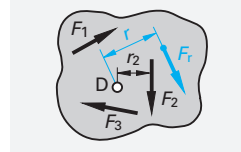
Das **Gesamtdrehmoment = resultierendes Drehmoment  $M_{dr}$**  entspricht der Summe der Einzeldrehmomente (→ **Bild 3**).

Vorzeichenregel beachten! Somit:

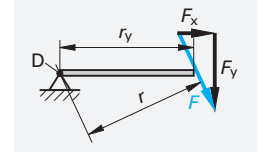
$M_{dr} = F_r \cdot r = F_1 \cdot r_1 + F_2 \cdot r_2 + \dots$  **1 resultierendes Drehmoment**

Bei **Schrägkräften** (→ **Bild 4**) ist der im rechten Winkel zur Kraft  $F$  gerichtete Hebelarm in die Rechnung einzusetzen.

$M_d = F \cdot r = F_y \cdot r_y$  **2 Drehmoment bei Schrägkräften** (→ **Bild 4**)



**Bild 3**



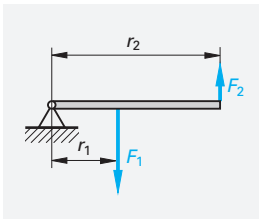
**Bild 4**

$M_{dr}$	resultierendes Drehmoment	Nm
$F_r$	resultierende Kraft	N
$r$	senkrechter Hebelarm von $F_r$	m
$F_1, F_2$	Einzelkräfte	N
$F_y$	senkrechte Komponente von $F$	N
$r_y$	senkrechter Hebelarm von $F_y$	m

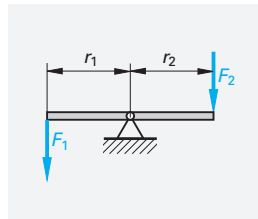
**Hebelarten und Hebelgesetz**

**Einseitiger Hebel** → der stabförmige Hebel hat seinen Drehpunkt an einem Ende

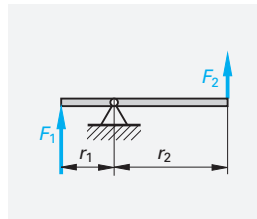
**Zweiseitiger Hebel** → der stabförmige Hebel hat seinen Drehpunkt zwischen seinen beiden Enden



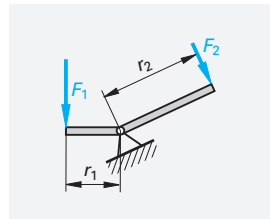
**Bild 5: Einseitiger Hebel**



**Bild 6: Zweiseitiger gleich-armiger Hebel**



**Bild 7: Zweiseitiger ungleich-armiger Hebel**



**Bild 8: Winkelhebel**

Unabhängig von der **Hebelart** werden die **Hebelarme** vom Angriffspunkt der Kraft bis zum Drehpunkt, d.h. bis zum Hebellager, gemessen ( $F \perp r$ ).

$F_1 \cdot r_1 = F_2 \cdot r_2$  **3 Hebelgesetz**

$F_1, F_2$	Kräfte	N
$r_1, r_2$	Hebelarme	m

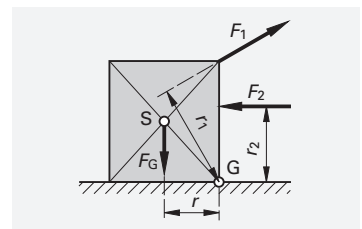
$\sum M_d = 0$  **4 Momentengleichgewicht**

**1.8 Standfestigkeit und Kippsicherheit**

$F_1 \cdot r_1$  → **Kippmoment** →  $M_K$  in Nm  
 $F_G \cdot r, F_2 \cdot r_2$  → **Standmomente** →  $M_S$  in Nm (→ **Bild 9**)

$v_K = \frac{\sum M_S}{\sum M_K}$  **5 Kippsicherheit**

**Stabiles Gleichgewicht** bei  $v_K > 1$



**Bild 9: Stand- und Kippmoment**

Greifen bei einem Körper außer der Gewichtskraft keine weiteren äußeren Kräfte an, dann steht der Körper stabil, wenn er Kippkanten (Kipp-Punkte) hat (Punkt G in Bild 9/18) und das Lot vom Schwerpunkt die Standfläche innerhalb der Kippkanten trifft.

$r$	Hebelarme	m
$F$	Kräfte	N
$\Sigma M_S$	Summe aller Standmomente	Nm
$\Sigma M_K$	Summe aller Kippmomente	Nm

## 1.9 Bewegungsgröße (Impuls), Impulserhaltung, Impulsänderung

$p = m \cdot v$  1 **Bewegungsgröße (Impuls)**

$m \cdot v_t = m \cdot v_0$  2  $\longrightarrow \Delta p = 0$ : **Impulserhaltung**

**Impulssatz:** Bei  $\Sigma F = 0$  (äußere Kräfte) ändert sich der Impuls nicht, d. h.  $\Delta p = 0$ .

$I = F \cdot \Delta t = m \cdot v_t - m \cdot v_0$  3 **Kraftstoß**

$p$	Bewegungsgröße (Impuls)	kgm/s
$m$	Masse des Körpers	kg
$v$	Geschwindigkeit des Körpers	m/s
$v_t$	Endgeschwindigkeit	m/s
$v_0$	Anfangsgeschwindigkeit	m/s
$I$	Kraftstoß (Impulsänderung)	kgm/s
$F$	kurzzeitig wirkende Kraft	N
$\Delta t$	Wirkzeit	s

Der Kraftstoß ist gleich der Änderung des Impulses eines bewegten Körpers.

## 1.10 Reibung

### Haft- und Gleitreibungskraft, Reibungsgesetz nach Coulomb

**Haftreibungskraft**  $\longrightarrow F_{R0} \longrightarrow$  Reibungskraft im Ruhezustand

**Gleitreibungskraft**  $\longrightarrow F_R \longrightarrow$  Reibungskraft im Bewegungszustand

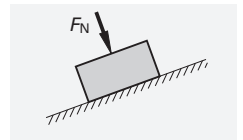
$F_R = \mu \cdot F_N$  4 **Coulomb'sches Reibungsgesetz**

Die **Normalkraft**  $F_N$  ist die Kraft, mit der die beiden festen Körper gegeneinander gepresst werden.

$F_{R0} = \mu_0 \cdot F_N$  5 **Haftreibungskraft**

$F_R = \mu \cdot F_N$  6 **Gleitreibungskraft**

$F_{R0}$	Haftreibungskraft	N
$\mu_0$	Haftreibungszahl (-koeffizient)	1
$F_R$	Gleitreibungskraft	N
$\mu$	Gleitreibungszahl (-koeffizient)	1
$F_N$	Normalkraft ( $\rightarrow$ Bild 1)	N



**Bild 1: Normalkraft**

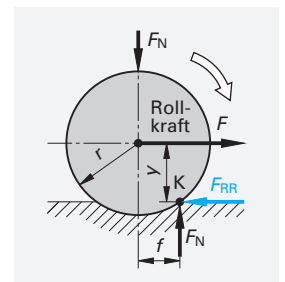
### Rollreibung ( $\rightarrow$ Bild 2)

$F_{RR} = \frac{f}{r} \cdot F_N = \mu_R \cdot F_N$  7 **Rollreibungskraft in N**

$F = F_{RR}$  8 **Rollkraft in N**

$f$	Hebelarm der Rollreibung (siehe Tabelle unten)	cm
$\gamma \approx r$	Radius des Rollkörpers	cm
$F_N$	Normalkraft	N
$\mu_R$	Rollreibungszahl	1

Tabelle 1: Hebelarme der Rollreibung		
Werkstoff Rollkörper	Werkstoff Rollbahn	Hebelarm $f$ der Rollreibung in cm
GG	St	0,05
Stahl (St)	Stahl (St)	0,05
GG	GG	0,05
Holz	Holz	0,5
St gehärtet	St gehärtet	0,0005...0,001
Kupfer	St	0,1
Kupfer	Kupfer	0,8
Messing	St	0,05



**Bild 2: Rollreibungskraft**

**Fahrwiderstand**

$F_F = \mu_F \cdot F_N$  **1** Fahrwiderstandskraft in N

**Seilreibung** (→ Bild 1)

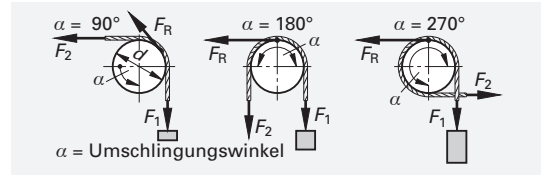
$F_1 = F_2 \cdot e^{\mu \alpha}$  **2** übertragbare Seilkraft in N

$F_R = F_2 \cdot (e^{\mu \alpha} - 1)$  **3** Seilreibungskraft in N

$F_R = F_1 \cdot \frac{e^{\mu \alpha} - 1}{e^{\mu \alpha}}$  **4** Seilreibungskraft in N

$e = \text{Euler'sche Zahl} = 2,718... \quad \alpha \text{ in rad}$

$\mu_F$	Fahrwiderstandszahl	1
	Schienefahrzeuge	$\mu_F \approx 0,0015 \dots 0,0030$
	Kfz auf Straße	$\mu_F \approx 0,015 \dots 0,03$



**Bild 1: Seilreibung**

$\mu$	Reibungszahl	1
$F_2$	Zugkraft	N
$\alpha$	Umschlingungswinkel	rad

**1.11 Arbeit und Energie**

**Die mechanische Arbeit**

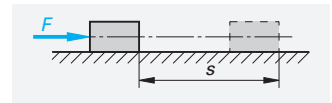
$W = F \cdot s$  **5** mechanische Arbeit  $F$  und  $s$  gleichgerichtet

$[W] = [F] \cdot [s] = \text{N} \cdot \text{m} = \text{Nm}$

**Arbeits- und Energieeinheiten**

$1 \text{ J} = 1 \text{ Nm} = 1 \text{ Ws}$  **6** Energieäquivalenz

- J = **Joule** → bevorzugt in Wärmelehre
- Nm = **Newtonmeter** → bevorzugt in Mechanik
- Ws = **Wattsekunde** → bevorzugt in Elektrotechnik



**Bild 2: Mechanische Arbeit**

$W$	mechanische Arbeit	Nm
$F$	Kraft	N
$s$	Kraft in Wegrichtung	m

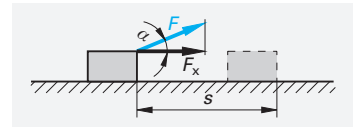
Die abgeleitete SI-Einheit für die mechanische Arbeit ist das **Joule** (Einheitenzeichen: J). 1 J ist gleich der Arbeit, die verrichtet wird, wenn der Angriffspunkt der Kraft  $F = 1 \text{ N}$  in Richtung der Kraft um  $s = 1 \text{ m}$  verschoben wird (→ Bild 2).

**Die Arbeitskomponente der Kraft** (→ Bild 3)

Als Arbeitskomponente wird die Kraftkomponente in Wegrichtung bezeichnet.

$F_x = F \cdot \cos \alpha$  **7** Arbeitskomponente (→ Bild 3)

$W = F \cdot \cos \alpha \cdot s$  **8** mechanische Arbeit



**Bild 3: Arbeitskomponente**

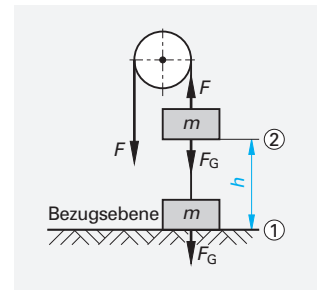
**Hubarbeit und potenzielle Energie** (→ Bild 4)

$W_h = F \cdot h$  **9** Hubarbeit in Nm

$W_{\text{pot}} = F_G \cdot h = m \cdot g \cdot h$  **10** potenzielle Energie = Energie der Lage

Bei Vernachlässigung der Zapfen- und Seilreibung ist  $F = F_G$ . Dann ist bei gleichem Weg  $W_h = W_{\text{pot}}$ .

Die zugeführte Hubarbeit  $W_h$  entspricht der Zunahme an potenzieller Energie  $W_{\text{pot}}$ .

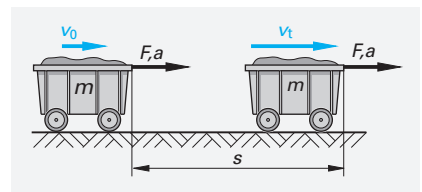


**Bild 4: Hubvorrichtung**

**Beschleunigungsarbeit und kinetische Energie** (→ Bild 5)

$W_a = m \cdot a \cdot s = \frac{m}{2} \cdot v_t^2$  **11** Beschleunigungsarbeit aus der Ruhe in Nm

$W_{\text{kin}} = \frac{m}{2} \cdot v^2$  **12** kinetische Energie = Bewegungsenergie in Nm



**Bild 5: Beschleunigte Masse**